



317709
Регистрационный номер

Фамилия Суслов
Имя Эдуард
Отчество Игоревич

273
(не заполнять)

Подпись



«Утверждаю»
Председатель оргкомитета конкурса

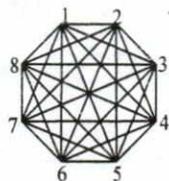
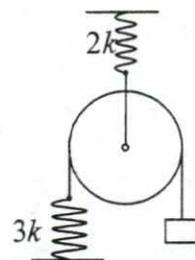
Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»
Всероссийский конкурс научных работ школьников «Юниор», профиль «Инженерные науки»,
Заключительный этап, 11 класс

1. Трех товарищам, Пете, Коле и Васе, нужно попасть из пункта A в пункт B , находящихся на расстоянии 20 км друг от друга по шоссе. У них имеется один велосипед, на котором можно передвигаться вдвоем со скоростью 10 км/час и одному – со скоростью 15 км/час. Скорость перемещения по шоссе пешком для каждого одинаковая и равна 5 км/час. Втроем передвигаться на велосипеде невозможно. Решили действовать так: выходят из пункта A одновременно, Петя и Коля едут на велосипеде вместе в течении t час, а Вася идет пешком. После этого Коля сходит с велосипеда и оставшуюся часть пути до пункта B идет пешком. Петя мгновенно разворачивается, едет в обратном направлении, чтобы забрать идущего пешком Васю. Встретив на шоссе Васю, Петя мгновенно разворачивается, сажает Васю на велосипед, и они едут вместе до пункта B . По договоренности, тот кто прибывает в B раньше, ждет остальных. Временем T окончания операции считается время, когда вся компания соберется в пункте B . Найти значение t , при котором величина T наименьшая. Найти наименьшее значение T .

2. Один из углов остроугольного треугольника ABC равен 60° . Точки M, N, P – основания высот треугольника ABC . Найти наибольшее значение отношения площадей треугольников MNP и ABC .

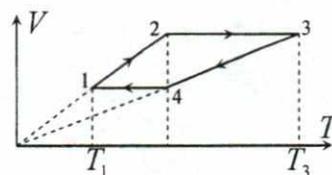
3. Найти целые числа x и y , для которых $(x^2 - 4y^2)^2 = 24y + 1$.

4. Через невесомый блок, прикрепленный к потолку с помощью пружины, перебросили веревку. К одному концу веревки прикрепили тело массой m , к другому пружину, второй конец которой закрепили на полу. Коэффициенты жесткости пружин $2k$ и $3k$ (см. рисунок). На сколько переместится тело по сравнению с положением, когда пружины не деформированы?

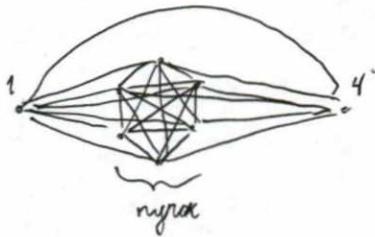


5. Сопротивление каждой стороны сделанного из проволоки восьмиугольника (см. рисунок) равно r . Каждую вершину восьмиугольника соединили с каждой другой так, что сопротивление каждого соединительного провода также равно r , а электрических контактов между соединительными проводами в точках их пересечения нет. Затем к вершинам 1 и 4 восьмиугольника подводят электрическое напряжение. Найти сопротивление восьмиугольника.

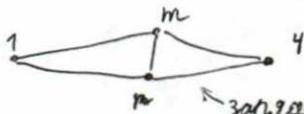
6. С одним молем одноатомного идеального газа проводят циклический процесс. График зависимости объема газа от его абсолютной температуры в этом процессе представлен на рисунке. Известны абсолютные температуры газа в состояниях 1 и 3 - $T_1 = T$ и $T_3 = 4T$. Известно также, что температуры газа в состояниях 2 и 4 одинаковы. Какое количество теплоты получает газ в процессе 1-2-3? Найти термодинамический КПД цикла.



№5 Можно преобразовать сеть в эквивалентную:



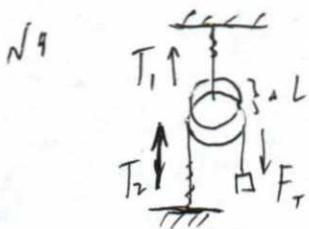
Соединения внутри "пушки" не имеют смысла:



Здесь нет смысла "перетекать" внутри \Rightarrow проводниками внутри пушка можно пренебречь.

$$R = \frac{1}{\frac{1}{2r} + \frac{1}{r}} = \frac{1}{\frac{3}{2r}} = \frac{2r}{3}$$

Ответ: $R = \frac{r}{4}$.



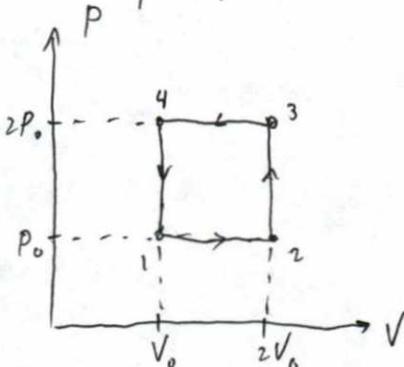
$$\vec{T}_1 + \vec{T}_2 + \vec{F}_r = 0 \text{ по } \perp \text{ закону Ньютона}$$

$$(3k + 2k) \Delta L = mg$$

$$\Delta L = \frac{mg}{5k}$$

Ответ: $\Delta L = \frac{mg}{5k}$

№6 Термодинамический цикл в P-V координатах:



$$Q_{123} = Q_{12} + Q_{23} = \Delta E_{123} + A_{12} = P_0 V_0 + \frac{3}{2} \cdot 3 P_0 V_0 = \frac{11}{2} \nu R T$$

Газ в данном цикле не совершает работу, но если его обратить, то

$$\eta = \frac{Q_{343}}{Q_{143}} = \frac{P_0 V_0}{\Delta U_{134} + 2 P_0 V_0} = \frac{2}{13}$$

Ответ: $\frac{11}{2} \nu R T$ и $\frac{2}{13}$, где ν - 1 моль.

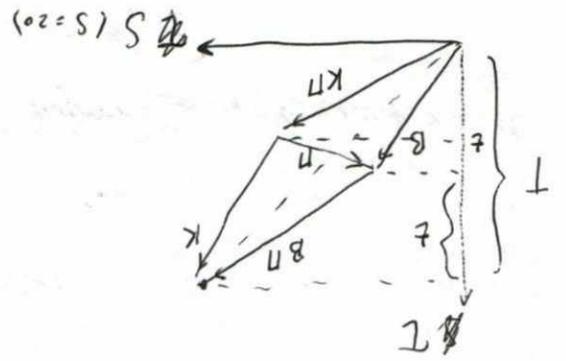
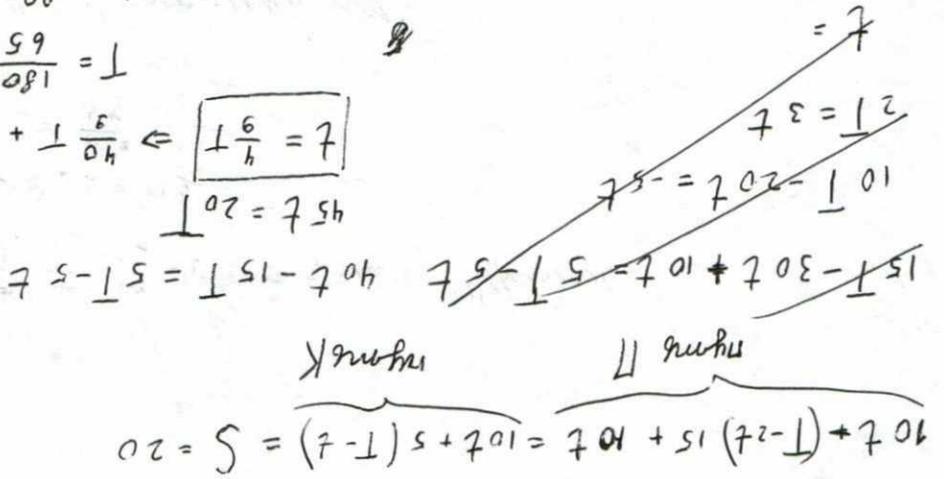
Problem: $t = \frac{80}{65} z$

$$t = \frac{80}{65} z$$

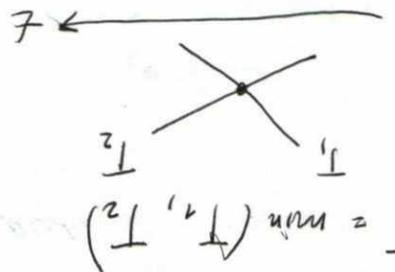
$$T = \frac{180}{65} z$$

$$\Rightarrow \boxed{t = \frac{6}{4} T}$$

$$45t = 20T$$



$T = \min \Rightarrow T_1 = T_2$



u. Kern

1) T(z) gegeben am $T_1(z)$ u. $T_2(z)$ - Bereich unterschiedlicher Normen Basis



№3 Заметим ~~$x-2y$ на A~~ : $(x^2 - 4y^2)^2 = 24y + 1$

~~$(A(A+4y))^2 = 24y + 1$~~

~~Очевидно, $A \in \{2, 3, 4, 7\}$~~

~~$(A(A+4y))^2 = f_1, \quad 24y + 1 = f_2$~~

~~$f_1'(y) = 2A(A+4y) \cdot A \cdot 4$~~

~~$f_1'(0)$ и $f_1(0)$ не являются~~

$x^2 - 4y^2 = \sqrt{24y + 1}$

$(x - 2y)(x + 2y) = \sqrt{24y + 1}$

$0 < y < \frac{x}{2}$

$x \in \mathbb{Z}$

Найдём x в зависимости от y :

y	x
0	± 1

1	± 3
---	---------

2	± 5
---	---------

3	± 7
4	± 9

, $24y + 1$ - квадрат нечётного числа

Далее, мы будем получать $x^2 = 4y^2 + \sqrt{24y + 1} \approx 4y^2 + \epsilon$, где ϵ не может быть квадратом $2y + 1$

⇒ Ответ: $(x; y): (\pm 1; 0), (\pm 3; 1), (\pm 5; 2)$.

0,5